

ПРИГАДАЙТЕ:



1. Яке рівняння називається квадратним?
2. Яке рівняння називається зведеним квадратним?
3. Які існують типи неповних квадратних рівнянь?
4. Як розв'язати квадратне рівняння виду $ax^2 + bx = 0$?
5. Як розв'язати квадратне рівняння виду $ax^2 + c = 0$?
6. Як розв'язати квадратне рівняння виду $ax^2 = 0$?
7. Розв'яжіть рівняння:
а) $-y^2 = 0$; б) $2a = a^2$; в) $2x(x+5) = 7x$; г) $-x(2x + 3) = 8x$;
д) $y^2 - 9 = 0$; е) $2x^2 + 8 = 0$; є) $34x^2 = 17x$.
8. Розгадайте ребус:



Якщо не робиш промахів, перестаси удосконалюватися

Джордж Мартін



Вправа 1. Розв'яжіть рівняння $(3x - 1)^2 - 17 = (x - 4)(x + 4)$.

Розв'язання:

Крок	Зміст дії	Результат дії
1.	За допомогою формул скороченого множення розкриємо дужки, усі доданки перенесемо у ліву частину з протилежним знаком, прирівняємо до нуля, зведемо подібні доданки.	$9x^2 - 6x + 1 - 17 = x^2 - 16$ $9x^2 - 6x + 1 - 17 - x^2 + 16 = 0$ $8x^2 - 6x = 0$
2.	Отримали неповне квадратне рівняння.	$8x^2 - 6x = 0$
3.	Далі діємо за алгоритмом: розв'язування неповних квадратних рівнянь (заняття №2).	$4x^2 - 3x = 0$ $x(4x - 3) = 0$ $x_1 = 0$ або $4x - 3 = 0$ $4x = 3$ $x_2 = 0,75$
4.	Запишемо відповідь.	Відповідь: 0; 0,75.



Вправа 2. Розв'яжіть рівняння $\frac{x^2+3}{5} - \frac{x^2-3}{4} = 0$.

Розв'язання:

Крок	Зміст дії	Результат дії
1.	Зведемо до спільного знаменника 20, додатковий множник до першого дробу 4, до другого 5, перемножимо додаткові множники на чисельники, зведемо подібні доданки.	$4(x^2 + 3) - 5(x^2 - 3) = 0$ $4x^2 + 12 - 5x^2 + 15 = 0$ $-x^2 + 27 = 0$
2.	Отримали неповне квадратне рівняння.	$-x^2 + 27 = 0$

3.	Далі діємо за алгоритмом: розв'язування неповних квадратних рівнянь (заняття №2).	$x^2 = 27$ $x = \pm\sqrt{27}$ $x_{1,2} = \pm 3\sqrt{3}$
4.	Запишемо відповідь.	Відповідь: $\pm 3\sqrt{3}$.

Вправа 3. Розв'яжіть рівняння $(1+7x)^2 - 25 = 0$.



Розв'язання:

Крок	Зміст дії	Результат дії
1.	Перенесемо доданок (-25) у праву частину рівняння, змінивши його знак на протилежний.	$(1+7x)^2 = 25$
2.	Оскільки рівняння записане у вигляді $x^2=m$, знайдемо його розв'язки, скориставшись формулою $x = \pm \sqrt{m}$, $m \geq 0$.	$1+7x = \pm\sqrt{25}$ $1+7x = \pm 5$
3.	Розв'яжемо кожне з отриманих рівнянь.	$1+7x = 5$ або $1+7x = -5$ $7x = 4$ $7x = -6$ $x_1 = \frac{4}{7}$ $x_2 = -\frac{6}{7}$
4.	Запишемо відповідь.	Відповідь: $-\frac{6}{7}; \frac{4}{7}$.



Ключовий момент .

- 1) Якщо $t^2 = 81$, то $t = 9$ або $t = -9$;
- 2) якщо $(m+5)^2 = 16$, то $m+5 = 4$ або $m+5 = -4$;
- 3) якщо $(m-n)^2 - t^2 = 0$, то $m-n-t = 0$ або $m-n+t = 0$.